

**EXERCICES****\*\*****تمارين****Exercice 4.1**

Un éclair transporte couramment un courant maximum de  $20kA$ . Quel est le champ magnétique maximum qu'il produit à  $1m$  ? à  $300m$  ?

**التمرين 1.4**

ينقل برق عادة تيارا أعظميا مقداره  $20kA$ . ما هو الحقل المغناطيسي الأعظمي الذي ينتجه هذا البرق على بعد  $1m$ ؟ على بعد  $300m$ ؟

**Exercice 4.2**

Une ligne rectiligne de tension est située à une hauteur de  $12m$  au dessus du sol. Elle transporte un courant de  $300A$  dans la direction de l'Ouest.

Décrire le champ magnétique qu'elle produit et calculer sa valeur sous la ligne au niveau du sol.

Comparer le avec le champ magnétique terrestre.

**تمرين 2.4**

يقع خط مستقيم للتوتر على ارتفاع  $12m$  فوق سطح الأرض و ينقل تيارا قدره  $300A$  في اتجاه الغرب.

صف الحقل المغناطيسي الذي ينتجه و احسب قيمته تحت الخط على مستوى سطح الأرض. قارنه بالحقل المغناطيسي الأرضي.

**Exercice 4.3**

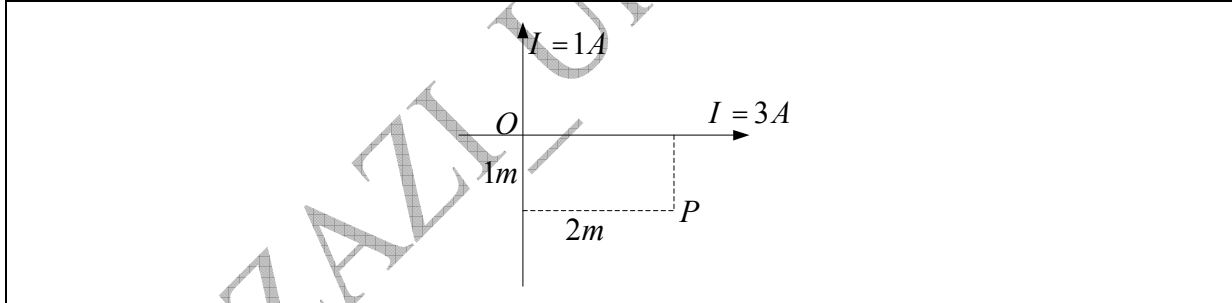
Deux courants électriques perpendiculaires de  $1A$  et  $3A$  sont orientés comme sur le dessin et se croisent au point  $O$ .

Quelles sont l'intensité et l'orientation du champ magnétique au point  $P$  situé dans le plan des deux courants, à  $1m$  et  $2m$  des deux courants comme indiqué dans la figure ?

**التمرين 3.4**

تياران كهربائيان متعامدان ذي  $1A$  و  $3A$  موجهان كما هو مبين على الرسم و يتقاطعان في النقطة  $O$ .

ما هما شدة و توجيه الحقل المغناطيسي في النقطة  $P$  الواقعة في مستوى التيارين، على بعدي  $1m$  و  $2m$  من التيارين كما هو مبين في الشكل؟

**Exercice 4.4**

Soit une spire de rayon  $R$  parcourue par un courant d'intensité  $I$ .

1/ Calculer le champ magnétique créé le long de l'axe  $OZ$ , à une distance  $z$  du centre  $O$ , en fonction de l'angle  $\theta$  sous lequel on voit la spire (figure ci-dessous).

2/ Retrouver l'expression

$$B_z = \frac{\mu_0 I}{2} \frac{R^2}{(R^2 + z^2)^{3/2}}$$

3/ Quelle est la forme approchée de cette expression à grandes distances de l'axe  $OZ$  ?

4/ Exprimer le champ magnétique  $B_z$  en fonction du moment magnétique  $M$ .

**التمرين 4.4**

لتكن حلقة نصف قطرها  $R$  يجتازها تيار شدته  $I$ .

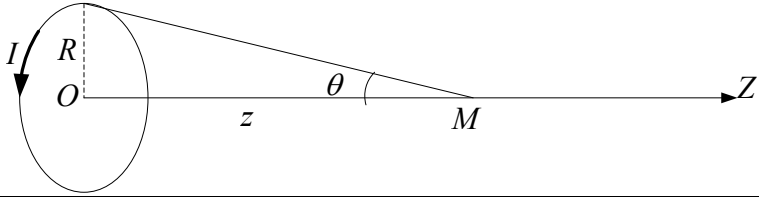
1/ أحسب الحقل المغناطيسي على طول المحور  $OZ$ ، على بعد  $z$  من المركز  $O$ ، بدلالة الزاوية  $\theta$  التي نرى من خلالها الحلقة (الشكل في الأسفل).

2/ أوجد من جديد العبارة

$$B_z = \frac{\mu_0 I}{2} \frac{R^2}{(R^2 + z^2)^{3/2}}$$

3/ ما هو الشكل التقريبي لهذه العبارة على مسافات كبيرة للمحور  $OZ$  ؟

4/ عبّر عن الحقل المغناطيسي  $B_z$  بدلالة العزم المغناطيسي  $M$ .

5/ En déduire le champ $B_o$ créée au centre $O$ de la spire.	5/ إستنتج الحقل $B_o$ الناتج في المركز $O$ للحلقة.
	

**Exercice 4.5**

Deux fils conducteurs rectilignes, infinis, parallèles, et distants de  $d = 20\text{cm}$ , sont traversés l'un par un courant  $I_1 = 20\text{A}$ , l'autre par un courant  $I_2 = 80\text{A}$ .

1/ les courants sont de même sens. Calculer l'intensité du champ magnétique résultant en un point  $M$  situé dans le plan des conducteurs, à égale distance de chacun d'eux. Trouver dans ce plan la distance par rapport aux conducteurs, de la droite où le champ magnétique est nul.

2/ Même questions avec des courants de sens contraires.

3/ En déduire la définition légale de l'ampère.

**التمرين 5.4**

سلكان ناقلان مستقيمان، لامتناهيان، متوازيان، و متباعداً بـ  $d = 20\text{cm}$ ، يجتاز أحدهما تيار  $I_1 = 20\text{A}$ ، و يجتاز الآخر تيار  $I_2 = 80\text{A}$ .

1/ التياران لهما نفس الاتجاه. أحسب شدة الحقل المغناطيسي الناتج في نقطة  $M$  الواقعة في مستوى الناقلين، و على نفس البعد من كل منهما. أوجد في هذا المستوى المسافة بالنسبة للناقلين، للمستقيم حيث الحقل المغناطيسي معدوم.

2/ نفس الأسئلة مع تيارين متعاكسي الاتجاهين.

3/ إستنتج التعريف القانوني للأمبير.

**Exercice 4.6**

Une particule de masse  $5.10^{-4}\text{kg}$  porte une charge de  $2,5.10^{-8}\text{C}$ . On communique à la particule une vitesse initiale horizontale de  $6.10^4\text{ms}^{-1}$ .

Quelles sont la grandeur et la direction du champ magnétique minimum qui maintiendra la particule sur une trajectoire horizontale en compensant l'effet de la pesanteur ?

**التمرين 6.4:**

جسيمة كتلتها  $5.10^{-4}\text{kg}$  تحمل شحنة  $2,5.10^{-8}\text{C}$ . نعطي للجسيمة سرعة ابتدائية أفقية مقدارها  $6.10^4\text{ms}^{-1}$ . ما هما شدة و جهة الحقل المغناطيسي الأصغري الذي يبقى الجسيمة على مسار أفقي بتعويض فعل الجاذبية؟

**Exercice 4.7**

1/ Calculer la circulation du champ magnétique le long de l'axe  $(Ox)$  d'une spire circulaire de rayon  $R$  parcourue par un courant  $I$ .

2/ Calculer de même la circulation du champ magnétique le long de l'axe  $(Ox)$  (de  $-\infty$  à  $+\infty$ ) d'un solénoïde circulaire de rayon  $R$ , de longueur  $l$  et comportant  $N$  spires jointives parcourues chacune par un courant  $I$ .

**التمرين 7.4**

1/ أحسب تجوال الحقل المغناطيسي على طول المحور  $(Ox)$  (من  $-\infty$  إلى  $+\infty$ ) لحلقة دائرية نصف قطرها  $R$  يجتازها تيار  $I$ .

2/ أحسب تجوال الحقل المغناطيسي على طول المحور  $(Ox)$  (من  $-\infty$  إلى  $+\infty$ ) لحلزون دائري نصف قطره  $R$ ، طوله  $l$  و يشتمل على  $N$  حلقة متلاصقة يجتاز كل واحدة منها تيار  $I$ .

**Exercice 4.8**

Un spectromètre de masse permet la séparation des isotopes d'un même élément chimique. Il est constitué essentiellement d'une chambre d'ionisation, d'une chambre accélératrice et d'une chambre de séparation. (figure ci-dessous).

**التمرين 8.4**

جهاز قياس الطيف الكتلي يمكن من فصل نظائر نفس العنصر الكيميائي. يتكون أساساً من غرفة للتشريد، غرفة مسرعة و غرفة للفصل. (الشكل في الأسفل).

On veut séparer des ions lithium  ${}^7_3\text{Li}^+$  et  ${}^6_3\text{Li}^+$  porteurs de la charge  $q = 1,6 \cdot 10^{19} \text{ C}$  et de masses respectives  $m_1 = 7u.m.a$  et  $m_2 = 6u.m.a$ . Ces ions pénètrent en  $O'$  dans un champ électrique uniforme, créé par une tension  $U = V_A - V_C = 4000 \text{ V}$  appliquée entre les 2 plaques horizontales  $P_1$  et  $P_2$ .

Les ions lithium pénètrent alors dans un champ magnétique uniforme d'intensité  $B = 0,1 \text{ T}$ , leur trajectoire devient circulaire dans la chambre de séparation.

La partie effectivement décrite de chaque trajectoire est un demi-cercle à la fin duquel les particules arrivent sur la plaque photographique dans les collecteurs  $C_1$  et  $C_2$ .

1/ Evaluer les vitesses  $v_1$  et  $v_2$  des deux types d'ions en fonction de  $q, m_1$  ou  $m_2$  et  $U$  à la sortie de la chambre d'accélération.

2/ Calculer les distances  $OC_1$  et  $OC_2$ .

$$1u.m.a = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$$

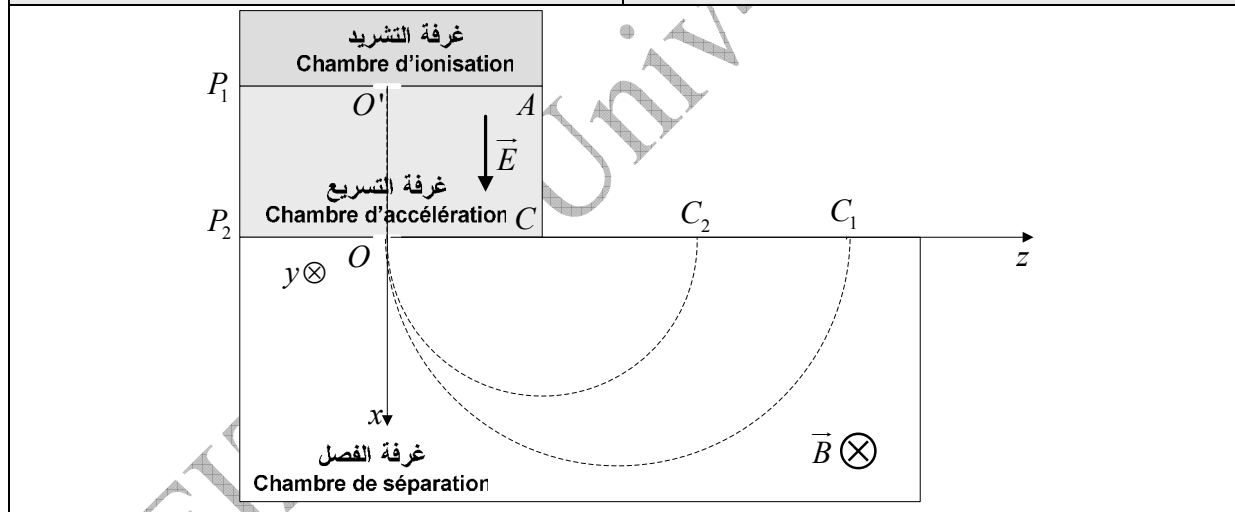
نريد فصل شوارد الليثيوم  ${}^6_3\text{Li}^+$  و  ${}^7_3\text{Li}^+$  الحاملين للشحنة  $q = 1,6 \cdot 10^{19} \text{ C}$  وذاتي الكتلتين على التوالي  $m_1 = 7u.m.a$  و  $m_2 = 6u.m.a$ . تدخل هذه الشوارد عند  $O'$  في حقل كهربائي منتظم، ناتج عن توتر  $U = V_A - V_C = 4000 \text{ V}$  مطبق بين صفيحتين أفقيتين  $P_1$  و  $P_2$ .

تدخل شوارد الليثيوم بعد ذلك في حقل مغناطيسي شدته  $B = 0,1 \text{ T}$ ، يصبح مسارها دائريا في غرفة الفصل. الجزء الموصوف فعليا لكل مسار هو نصف دائرة و الذي في نهايته تصل الجسيمات إلى الصفيحة الفوتوغرافية في المجمعين  $C_1$  و  $C_2$ .

1/ أحسب سرعتين  $v_1$  و  $v_2$  لـ صنفى الشوارد بدلالة  $q, m_1$  أو  $m_2$  و  $U$  عند الخروج من غرفة التسريع.

2/ أحسب المسافتين  $OC_1$  و  $OC_2$ .

$$1u.m.a = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$$



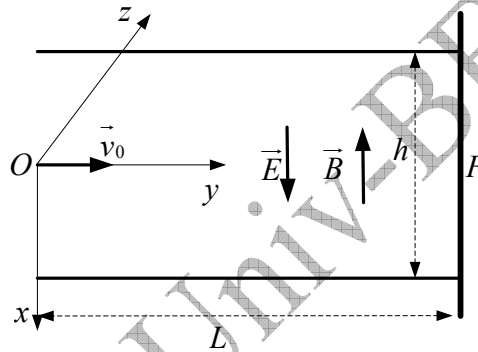
#### Exercice 4.9

Dans un dispositif expérimental un faisceau homocinétique d'ions pénètre en  $O$ , pris comme origine des espaces, entre les armatures d'un condensateur plan avec une vitesse initiale horizontale  $v_0$  suivant la longueur. Un écran fluorescent ( $F$ ) est positionné immédiatement à la sortie du condensateur. Ce condensateur plan est formé de deux plaques carrées de côté  $L$  et distantes de  $h$ . Le faisceau est soumis à une différence de potentiel  $U$ . Un champ magnétique  $\vec{B}$  uniforme parallèle au champ électrique  $\vec{E}$  et de direction opposée, de module  $B$  règne dans cet espace. Nous

#### التمرين 9.4

في تركيب تجريبي تدخل حزمة شوارد في  $O$ ، المأخوذة كمبدأ للمسافات، بين لبوسي مكثفة مستوية بسرعة ابتدائية أفقية  $v_0$  وفق الطول. توضع شاشة مستشعة ( $F$ ) مباشرة عند مخرج المكثفة. تتكون هذه المكثفة المستوية من صفيحتين مربعيتين ضلع كل من هما  $L$  و متباعدتين بـ  $h$ . تخضع الحزمة لفرق في الكمون  $U$ . يسود في هذا المجال حقل مغناطيسي  $\vec{B}$  منتظم موازي للحقل الكهربائي  $\vec{E}$  و يعاكسه في الاتجاه، شدته  $B$ . نفترض أن السرعة الابتدائية كبيرة بالنسبة للسرعات المكتسبة بسبب الحقلين الكهربائي و

<p>ferons l'hypothèse que la vitesse initiale <math>v_0</math> est grande par rapport aux vitesses acquises à cause des champs électrique et magnétique.</p> <p>1/ En supposant que le champ électrique agit seul (<math>B = 0</math>), trouver la trajectoire des ions dans le condensateur et la position des marques qu'ils laissent sur l'écran fluorescent.</p> <p>2/ En supposant que le champ magnétique agit seul (<math>E = 0</math>), trouver la trajectoire des ions dans le condensateur et la position des marques qu'ils laissent sur l'écran fluorescent.</p> <p>3/ Sous l'action simultanée des deux champs, montrer que l'équation de la trajectoire du faisceau est indépendante de la vitesse initiale du faisceau.</p> <p>4/ Quelle est la grandeur qu'on peut déduire de cette expérience ?</p>	<p>المغناطيسي.</p> <p>1/ بافتراض أن الحقل الكهربائي ينشط وحده (<math>B = 0</math>)، أوجد مسار الشوارد في المكثفة و موضع العلامات التي تتركها على الشاشة المستشعة.</p> <p>2/ بافتراض أن الحقل المغناطيسي ينشط وحده (<math>E = 0</math>)، أوجد مسار الشوارد في المكثفة و موضع العلامات التي تتركها على الشاشة المستشعة.</p> <p>3/ تحت التأثير المتزامن للحقلين معاً، بين أن مسار الحزمة مستقل عن السرعة الابتدائية للحزمة.</p> <p>4/ ما هو المقدار الذي يمكن تحديده من خلال هذه التجربة؟</p>
--	--

**Exercice 4.10**

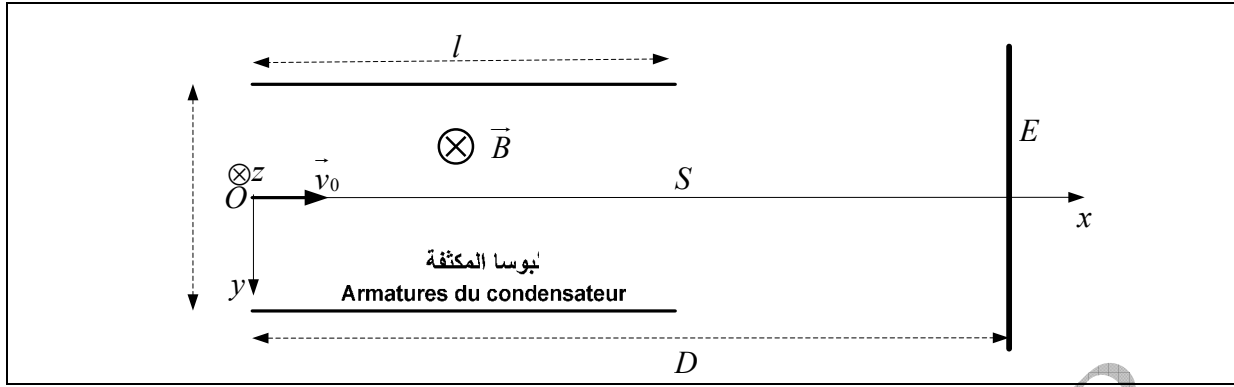
On utilise le dispositif représenté ci-dessous pour dévier un faisceau d'électrons qui ont une vitesse  $v_0$ . Ce faisceau traverse, dans le vide, un champ magnétique uniforme d'induction  $\vec{B}$  perpendiculaire à  $\vec{v}_0$ . Le poids de l'électron est négligeable devant la force électromagnétique.

- 1/ Quelle est la trajectoire des électrons dans le champ ?
- 2/ Calculer la déviation  $\alpha$  infligée par ce champ au faisceau à sa sortie du champ.
- 3/ Établir l'expression mathématique de la période du mouvement de l'électron.
- 4/ Comment varient le rayon de la trajectoire, la période et la vitesse angulaire si la vitesse d'injection des électrons est doublée?
- 5/ Quelle serait la trajectoire si le faisceau d'électrons entrait dans le champ magnétique avec un vecteur vitesse parallèle au vecteur champ ? Justifier.
- 6/ Décrire la trajectoire si l'angle en  $O$  entre  $\vec{v}_0$  et  $\vec{B}$  est différent de  $0^\circ$  et  $90^\circ$ .

**التمرين 10.4**

يستعمل التركيب المبين على الشكل في الأسفل من أجل انحراف حزمة إلكترونات لها نفس السرعة  $\vec{v}_0$ . تعبر هذه الحزمة، في الفراغ، حقلاً مغناطيسياً منتظماً تحريضه  $\vec{B}$  عمودياً على  $\vec{v}_0$ . ثقل الإلكترون مهمل أمام القوة المغناطيسية.

- 1/ ما هو مسار الإلكترونات داخل الحقل؟
- 2/ احسب الانحراف  $\alpha$  الناتج عن الحقل و الذي طرأ على الحزمة عند خروجها من الحقل.
- 3/ ضع العبارة الرياضية لدور حركة الإلكترون.
- 4/ كيف يتغير نصف قطر، دور و السرعة الزاوية إذا تضاعفت سرعة ضخ الإلكترونات؟
- 5/ كيف سيكون المسار إذا دخلت حزمة الإلكترونات بشعاع سرعة مواز للحقل؟ برّر.
- 6/ صف المسار إذا كانت الزاوية في  $O$  بين  $\vec{v}_0$  و  $\vec{B}$  مختلفة عن  $0^\circ$  و  $90^\circ$ .

**Exercice 4.11**

Le plan infini  $P(O, x, y)$  est parcouru par un courant électrique constant de densité surfacique  $\vec{J}_S = J \vec{u}_y$ . Soit  $M$  un point de l'axe  $Oz$  de cote  $z$ . Figure (a).

1/ Donner, en la justifiant, l'expression vectorielle du champ magnétique  $\vec{B}$  en  $M$ .

2/ Appliquer le théorème d'Ampère à la boucle  $AEDGA$ . figure (b), pour calculer la circulation de  $\vec{B}$  de part et d'autre du plan. Conclure.

3/ Montrer que ce champ présente une discontinuité à la traversée du plan et vérifier que cette discontinuité peut s'écrire :

$$\Delta \vec{B} = \vec{B}(z = 0^+) - \vec{B}(z = 0^-) = \mu_0 J \vec{u}_x$$

**التمرين 11.4**

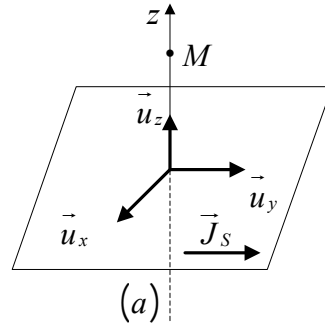
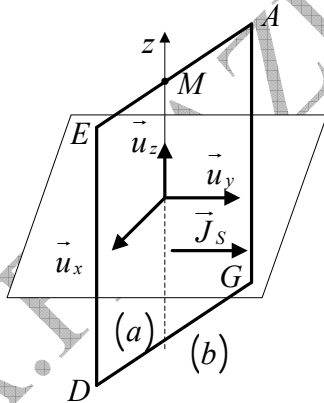
يجتاز المستوى  $P(O, x, y)$  اللامتناهي ، تيار كهربائي ثابت كثافته السطحية  $\vec{J}_S = J \vec{u}_y$ . لتكن نقطة  $M$  من المحور  $Oz$  علوها  $z$ . الشكل (a).

1/ إعط، مبرراً لها، العبارة الشعاعية للحقل المغناطيسي  $\vec{B}$  في  $M$ .

2/ طبق نظرية أمبير على الحلقة  $AEDGA$  (الشكل (b))، لحساب شدة الحقل المغناطيسي على جانبي المستوى. ماذا تستنتج؟

3/ بين أن هذا الحقل عديم الاستمرارية عند عبور المستوى و تحقق أن عدم هذه الاستمرارية يمكن كتابته:

$$\Delta \vec{B} = \vec{B}(z = 0^+) - \vec{B}(z = 0^-) = \mu_0 J \vec{u}_x$$

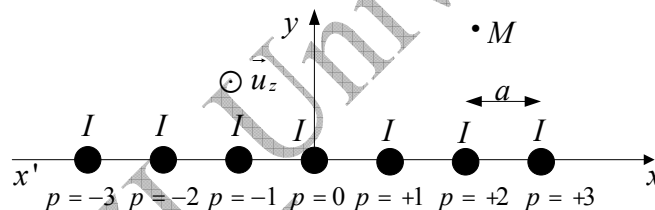
**Exercice 4.12**

Une infinité de fils infiniment longs, tous parallèles à l'axe  $Oz$  et équidistants de  $a$ , sont parcourus par le même courant  $I$ . Ils coupent l'axe  $Ox$  aux points d'abscisses  $x_p = pa$  avec  $p$  entier. On cherche à déterminer le champ magnétique en un point  $M$  d'ordonnée  $y$  positive. Figure ci-dessous.

**التمرين 12.4**

عدد لامتناهي من الأسلاك لامتناهية الطول، كلها موازية للمحور  $Oz$  ومتباعدة بنفس المسافة  $a$ ، يجتازها نفس التيار  $I$ . تقطع الأسلاك المحور  $Ox$  في النقاط ذات الفواصل  $x_p = pa$  مع  $p$  عدد طبيعي. نبحث عن تعيين الحقل المغناطيسي في نقطة  $M$  ترتيبها  $y$  موجب.

<p>1/ Dans le cas où l'ordonnée <math>y</math> de <math>M</math> est suffisamment grande devant <math>a</math> on peut remplacer les fils par une nappe de courants surfaciques. Soit <math>\vec{J}</math> la densité de ce courant par unité de longueur (le long de l'axe <math>Ox</math>).</p> <p>a/ Déterminer <math>\vec{J}</math>,</p> <p>b/ en utilisant le théorème d'Ampère, montrer que <math>B = \frac{1}{2} \mu_0 J</math>,</p> <p>c/ déterminer la valeur <math>\vec{B}_0(M)</math> du champ avec ce modèle continu.</p> <p>2/ A présent on ne fait plus l'approximation de la répartition continue. Pour un point d'abscisse <math>x = 0</math>, calculer le champ magnétique <math>\vec{B}(M)</math>.</p> <p>On l'écrira sous la forme <math>\vec{B}(M) = \vec{B}_0(M) f(y)</math>, <math>f(y)</math> étant exprimée par la somme d'une infinité de termes.</p> <p>On utilisera le résultat connu du champ créé par un fil de longueur infinie.</p> <p>3/ Reprendre ce calcul pour un point d'abscisse <math>-\frac{a}{2}</math>.</p>	<p>الشكل في الأسفل.</p> <p>1/ في حالة ما إذا كان الترتيب <math>y</math> لـ <math>M</math> كبيراً بقدر الإمكان أمام <math>a</math> يمكن استبدال الأسلاك بحزام عريض سطحي. لتكن <math>\vec{J}</math> كثافة هذا التيار لوادة الطول ( على طول المحور <math>Ox</math> ).</p> <p>ا/ عين <math>\vec{J}</math>,</p> <p>ب/ باستعمال نظرية أمبير، برهن أن <math>B = \frac{1}{2} \mu_0 J</math>,</p> <p>ج/ عين القيمة <math>\vec{B}_0(M)</math> للحقل بهذا النموذج المستمر.</p> <p>2/ الآن لا نفترض التوزيع المستمر. من أجل نقطة <math>x = 0</math>، أحسب الحقل المغناطيسي <math>\vec{B}(M)</math>.</p> <p>أكتبه على الشكل <math>\vec{B}(M) = \vec{B}_0(M) f(y)</math></p> <p><math>f(y)</math> تمثل مجموع عدد لامتناهي من الحدود.</p> <p>نستعمل النتيجة المعروفة للحقل الناتج عن سلك لامتناهي الطول.</p> <p>3/ أعد هذه الحسابات لنقطة <math>M</math> فاصلتها <math>-\frac{a}{2}</math>.</p>
--	--

**Exercice 4.13**

On considère un solénoïde idéal, infini, comportant  $N$  spires jointives par mètre de longueur et compte plusieurs couches. Le rayon intérieur est noté  $R_1$  et le rayon extérieur est noté  $R_2$ . On admet que le champ magnétique est nul à l'extérieur. L'intensité du courant dans une spire est  $I$ .

1/ Donner l'expression du champ magnétique en un point de l'axe du solénoïde.

2/ Montrer que le champ est uniforme à l'intérieur du solénoïde.

3/ Donner l'expression du champ à l'intérieur des enroulements à une distance de l'axe.

4/ Donner l'expression du flux du champ magnétique à travers une section droite du solénoïde.

**التمرين 13.4**

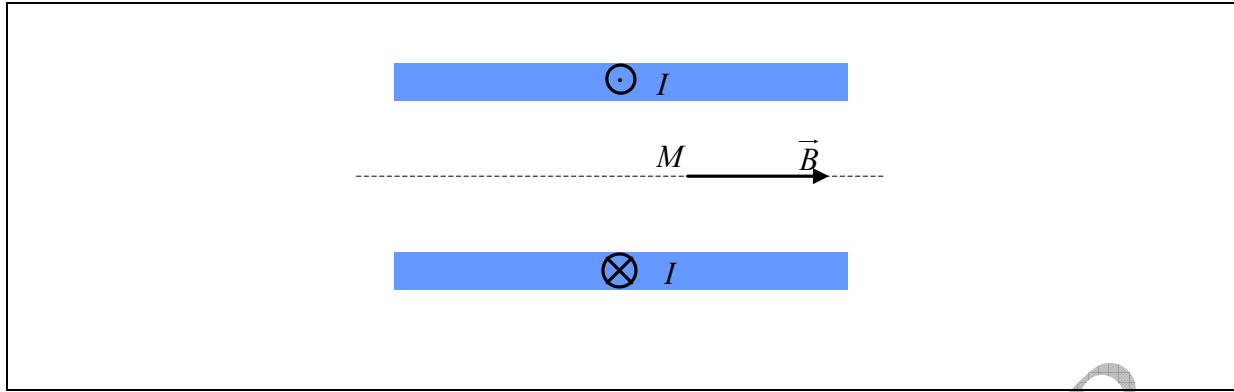
نعتبر حلزوناً مثالياً لامتناهي الطول مكوناً من  $N$  حلقة متلاصقة لوادة الطول و يشتمل على عديد من الطبقات. نرمز لنصف القطر الداخلي بـ  $R_1$  و لنصف القطر الخارجي بـ  $R_2$ . نقبل أن الحقل المغناطيسي معدوم في الخارج. شدة التيار داخل الحلقة الواحدة هي  $I$ .

1/ إعط عبارة الحقل المغناطيسي في نقطة من محور الحلزون.

2/ بين أن الحقل منتظم داخل الحلزون.

3/ إعط عبارة الحقل داخل اللفات على بعد من المحور.

4/ إعط عبارة تدفق الحقل المغناطيسي عبر مقطع مستقيم للحلزون.

**Exercice 4.14**

Un câble coaxial est constitué d'un conducteur cylindrique central de rayon  $R_1$  parcouru par un courant d'intensité  $I$ . Il est entouré d'un isolant cylindrique de rayon extérieur  $R_2$ . Le retour du courant se fait par un conducteur cylindrique de rayon intérieur  $R_2$  et de rayon extérieur  $R_3$ .

La densité volumique  $J$  de courant est uniforme dans les conducteurs ; la longueur est bien supérieure aux rayons.

1/ Déterminer en tout point  $M$  de l'espace le champ magnétique.

2/ Etudier la continuité du champ.

3/ Représenter  $B$  en fonction de la variable dont il dépend.

**التمرين 14.4**

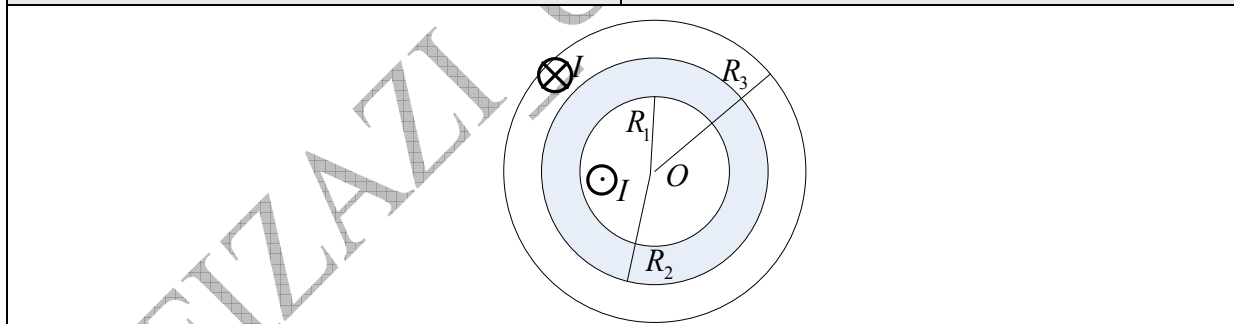
حبل متحد المحور مكون من ناقل اسطواني مركزي نصف قطره  $R_1$  يمر فيه تيار شدته  $I$ . يحيط به عازل اسطواني نصف قطره الخارجي  $R_2$ . عودة التيار تتم عبر ناقل اسطواني نصف قطره الداخلي  $R_2$  و نصف قطره الخارجي  $R_3$ .

الكثافة الحجمية  $J$  للتيار منتظمة في الناقلين؛ طول الحبل كبيرة جدا بالنسبة لأنصاف القطر.

1/ حدد في كل نقطة  $M$  من الفضاء الحقل المغناطيسي.

2/ أدرس استمرارية الحقل.

3/ مثل  $B$  بدلالة المتغير الذي تتعلق به.

**Exercice 4.15**

A l'instant pris pour origine des temps, une particule de masse  $m$  et de charge  $q$  est au repos dans le vide en un point pris comme origine des espaces. On établit à cet instant un champ magnétique constant  $\vec{B} = B\vec{u}_z$  et un champ électrique  $\vec{E} = E\vec{u}_y$ .

1/ Ecrire les équations différentielles régissant le mouvement de la particule. On posera  $\omega = \frac{q}{m} B$ .

2/ Trouver les équations paramétriques de la trajectoire. On posera  $A = \frac{E}{B\omega}$ .

3/ Dessiner l'allure de la trajectoire.

**التمرين 15.4**

في اللحظة التي تتخذها كمبدأ للأزمنة، توجد جسيمة كتلتها  $m$  و شحنتها  $q$  في سكون في نقطة نأخذها كمبدأ للفضاءات. ننشئ في هذه اللحظة حقلًا مغناطيسيًا ثابتًا  $\vec{B} = B\vec{u}_z$  و حقلًا كهربائيًا  $\vec{E} = E\vec{u}_y$ .

1/ أكتب المعادلات التفاضلية المسيرة لحركة الجسيمة. نضع  $\omega = \frac{q}{m} B$ .

2/ أوجد المعادلات الزمنية للمسار. نضع  $A = \frac{E}{B\omega}$ .

3/ أرسم شكل المسار.

4/ Exprimer l'intensité de la vitesse à l'instant $t$ en fonction de $E, B, t$ et $\omega$ . Calculer la valeur de celle-ci pour $t = \frac{\pi}{\omega}$ .	4/ عبر عن شدة السرعة في اللحظة $t$ بدلالة $E, B, t$ و $\omega$ . أحسب قيمة هذه السرعة من أجل $t = \frac{\pi}{\omega}$ .
5/ Retrouver le résultat précédent en utilisant le théorème de l'énergie cinétique.	5/ أوجد من جديد النتيجة السابقة باستعمال نظرية الطاقة الحركية.

**Exercice 4.16**

Une particule de masse  $m$  et de charge  $q > 0$  est soumise à l'action d'un champ magnétique  $\vec{B} = B\vec{u}_z$ , uniforme et constant. Elle se déplace dans un liquide en subissant une force de frottement  $\vec{F} = -\lambda\vec{v}$ , où  $\vec{v}$  est la vitesse de la particule par rapport au référentiel du laboratoire.

À l'origine des instants la particule se trouve à l'origine du repère  $Oxyz$  avec une vitesse initiale  $\vec{v}_0 = v_0\vec{u}_x$ .

1/ Déterminer la position  $M_\Omega$  de la particule lorsque  $t$  tend vers l'infini.

On pose  $\tau = \frac{m}{\lambda}$  et  $\omega = \frac{q}{m}B$ .

2/ On repère la particule dans le plan  $xOy$  grâce à des coordonnées polaires : la distance  $r = M_\Omega M$  et l'angle  $\theta = (\overrightarrow{M_\Omega O}, \overrightarrow{M_\Omega M})$ . Déterminer l'équation polaire  $r(\theta)$  de la trajectoire de la particule. Représenter l'allure de cette trajectoire. Quel est le nom d'une pareille courbe?

**التمرين 16.4**

تخضع جسيمة كتلتها  $m$  و شحنتها  $q > 0$  لحقل مغناطيسي  $\vec{B} = B\vec{u}_z$ ، منتظم و ثابت. تنتقل في سائل و هي خاضعة لقوة احتكاك  $\vec{F} = -\lambda\vec{v}$ ، حيث  $\vec{v}$  هي سرعة الجسيمة بالنسبة لمرجع المختبر.

في مبدأ الأزمنة توجد الجسيمة في مبدأ المعلم  $Oxyz$  بسرعة ابتدائية  $\vec{v}_0 = v_0\vec{u}_x$ .

1/ عيّن الموقع  $M_\Omega$  للجسيمة حين يؤول  $t$  إلى ما لا نهاية.

نضع  $\tau = \frac{m}{\lambda}$  و  $\omega = \frac{q}{m}B$ .

2/ نحدد موقع الجسيمة في المعلم المستوي  $xOy$  بفضل الإحداثيات القطبية: المسافة  $r = M_\Omega M$  و الزاوية  $\theta = (\overrightarrow{M_\Omega O}, \overrightarrow{M_\Omega M})$ . عيّن المعادلة القطبية  $r(\theta)$  لمسار الجسيمة. مثل شكل هذا المسار. ما هو اسم مثل هذا المنحنى؟

**Exercice 4.17**

Un électroaimant produit entre ses pôles un champ magnétique  $B(t)$  dépendant du temps. Entre ses pôles on place une bobine de 100 tours, d'aire  $4\text{cm}^2$ , orientée perpendiculairement au champ magnétique. La force électromotrice induite est initialement nulle. Elle passe subitement à la valeur  $+3V$  pendant  $4\text{ms}$ , puis à la valeur opposée  $-3V$  pendant  $4\text{ms}$  (voir figure).

1/ Quelle est l'intensité du champ magnétique  $B(t)$  entre les pôles de l'électroaimant en fonction du temps (initialement  $B$  est nul) ?

2/ Représenter graphiquement  $B(t)$ .

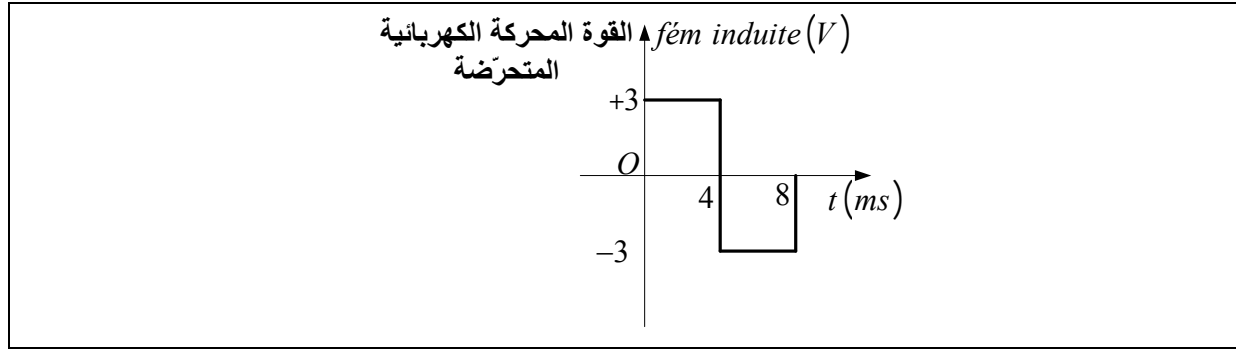
**التمرين 17.4**

ينتج كهرومغناطيس بين قطبيه حقلًا مغناطيسيا  $B(t)$  تابع بالزمن. نضع بين قطبيه وشيعة متكونة من 100 لفة، مساحتها  $4\text{cm}^2$ ، موجهة عموديا على الحقل المغناطيسي. القوة كهرومغناطيسية المتحرّضة معدومة في البداية. تقفز فجأة إلى القيمة  $+3V$  خلال  $4\text{ms}$ ، ثم إلى القيمة المعاكسة  $-3V$  خلال  $4\text{ms}$  (أنظر الشكل).

1/ ما هي شدة الحقل المغناطيسي بين قطبي الكهرومغناطيس بدلالة الزمن (في البداية  $B$  معدوم)؟

2/ مثل بيانيا  $B(t)$ .



**Exercice 4.18**

Une bobine comptant  $N_2$  spires de section  $S_2$  est centrée sur l'axe d'un solénoïde infiniment long comptant  $n_1$  spires par mètre. Son axe fait un angle  $\theta$  avec celui du solénoïde. Calculer le coefficient d'inductance mutuelle des deux circuits.

**التمرين 18.4**

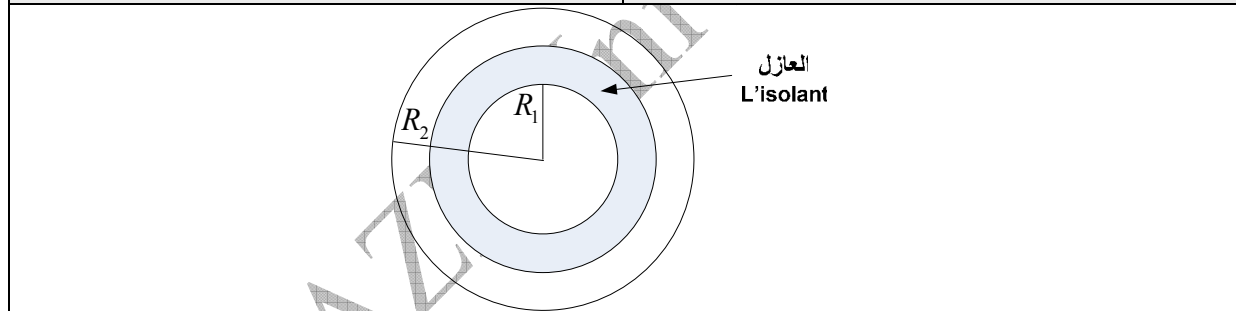
وشيجة تشتمل على  $N_2$  حلقة ذات مقطع  $S_2$  و متمركزة على محور حلزون لا متناهي الطول يحتوي على  $n_1$  حلقة في المتر. يصنع محورها الزاوية  $\theta$  مع محور الحلزون. أحسب معامل التحريض الذاتي المتبادل للدائرتين.

**Exercice 4.19**

Calculer l'inductance propre d'une longueur  $h$  d'un câble coaxial de longueur infinie de rayons  $R_1$  et  $R_2$ .

**التمرين 19.4**

أحسب التحريض الذاتي لطول  $h$  لحبل متحد المحور طوله لا متناهي و نصف قطريه  $R_1$  و  $R_2$ .

**Exercice 4.20**

On considère deux conducteurs identiques parallèles, de longueur infinie de rayon  $a$  dont les axes sont distants de  $b \gg a$ . Calculer l'inductance propre de ce système.

**التمرين 20.4**

نعتبر ناقلين متماثلين و متوازيين، طولهما لا متناهي و نصف قطرهما  $a$  و بحيث يكون محوراها متباعدين بـ  $b \gg a$ . أحسب التحريض الذاتي لهذه الجملة.

